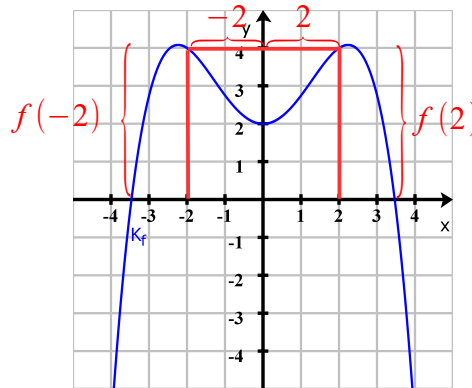


Symmetrien

Symmetrie zur y-Achse

Sei K_f der Graph einer Funktion f . K_f ist symmetrisch zur y-Achse, wenn für alle $u \in D$ gilt: $f(u) = f(-u)$



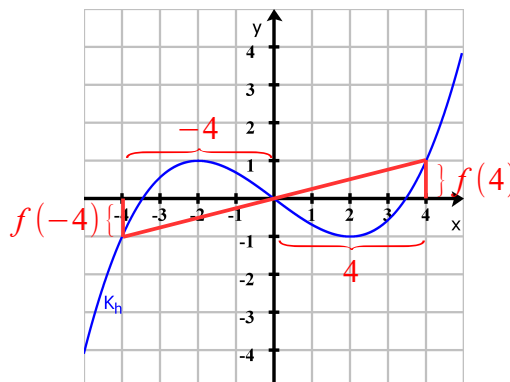
Ist der Graph symmetrisch zur y-Achse, so heißt f gerade Funktion.

Rechnerischer Nachweis:

$$\begin{aligned} f(x) &= -\frac{1}{12}x^4 + \frac{5}{6}x^2 + 2, \quad K_f \text{ ist symmetrisch} & f(-u) &= -\frac{1}{12}(-u)^4 + \frac{5}{6}(-u)^2 + 2 \\ \text{zur y-Achse, denn für } u \in D \text{ gilt:} & & &= -\frac{1}{12}u^4 + \frac{5}{6}u^2 + 2 &= f(u) \\ & & \Rightarrow K_f \text{ ist symmetrisch zur y-Achse} & & \end{aligned}$$

Symmetrie zum Ursprung

Sei K_f der Graph einer Funktion f . K_f ist symmetrisch zum Ursprung, wenn für alle $u \in D$ gilt: $f(u) = -f(-u)$



Ist der Graph symmetrisch zum Ursprung, so heißt f ungerade Funktion.

Rechnerischer Nachweis:

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{1}{16}x^3 + \frac{3}{4}x, \quad K_f \text{ ist symmetrisch} & -f(-u) &= -\left(\frac{1}{16}(-u)^3 + \frac{3}{4}(-u)\right) \\ \text{zum Ursprung, denn für } u \in D \text{ gilt:} & & &= -\left(-\frac{1}{16}u^3 - \frac{3}{4}u\right) \\ & & &= \frac{1}{16}u^3 + \frac{3}{4}u &= f(u) \\ & \Rightarrow K_f \text{ ist symmetrisch zum Ursprung} & & & \end{aligned}$$

